

Klíčové pojmy:

- maximum, minimum, supremum, infimum (K 1)
- kruhové/prstencové okolí bodu (K 2)
- limita funkce v bodě (též zleva, zprava) (K 2)
- spojitost funkce v bodě (K 2)
- spojitost funkce v intervalu (K 2)
- derivace funkce (též zleva, zprava) (K 4)
- primitivní funkce (K 5)
- lokální a globální extrém funkce na množině (K 6)
- konvexní a konkávní funkce, inflexní bod (K 6)
- posloupnost, limita, konvergence, hromadný bod (K 7)
- Bolzano-Cauchyho podmínka (K 7)
- malé „ $\delta$ “, velké „ $\epsilon$ “, řádová rovnost (K 8)
- $n$ -tý Taylorův polynom funkce v bodě (K 8)
- zobecněný přírustek; Newtonův integrál (K 9)
- (horní a dolní) Riemannův integrál (K 9)

Definice:

- početní operace s nekonečny (K 1)
- (ne)rostoucí, (ne)klesající funkce (K 2)
- elementární funkce (K 3)
- Darbouxova vlastnost (K 6)
- omezená posloupnost, monotonní posloupnost (K 7)
- podposloupnost neboli posloupnost vybraná (K 7)
- k-tá derivace funkce (K 8)
- funkce třídy  $C^k$  na intervalu (K 8)
- zobecněné kombinační číslo (K 8)
- Taylorův zbytek funkce (K 8)
- dělení intervalu, horní a dolní součet (K 9)

Lehké věty:

- trojúhelníková nerovnost (V 1.1)
- nekonečně (i)rac. čísel v intervalu (V 1.2&3)
- souvislost limity a jednostranných limit (V 2.2)
- omezenost / odraženost funkce s limitou (L 2.1)
- aritmetika limit -- konečná verze (V 2.3)
- limity typu: omezená krát jdoucí do nuly (V 2.4)
- vztah limity a spojitosti (V 2.5)
- limity složené funkce (V 2.6)
- aritmetika limit -- verze s nekonečny (V 2.7)
- limity typu  $1/0+$  nebo  $1/0-$  (V 2.8)
- zachování nerovnosti v limitě (V 2.9)
- o dvou policajtech (V 2.10)
- monotónní funkce a limita (V 2.11)
- vztah spojitosti v bodě a v intervalu (V 2.13)
- vztah spojitosti a aritm. operací (V 2.14)
- vztah spojitosti a superpozice (V 2.15)
- charakterizace intervalu (L 2.2)
- inverze spojité, monotónní funkce (V 2.17)
- převedení limity v nekonečnu do  $0+$  (L 2.3)
- vztah spojitosti a derivace (V 4.1)
- derivace součtu, součinu, podílu (V 4.2)
- nenulovost  $f'(x_0)$  a nabývání  $f(x_0)$  na okolí (L 4.1)

- linearita integrálu (V 5.1)
- integrace per-partes (V 5.2)
- 1. věta o substituci (V 5.3)
- 2. věta o substituci (V 5.4)
- spojitost a omezenost na okolí (L 6.2)
- vztah derivace a extrému (V 6.2)
- Rolleova o střední hodnotě (V 6.4)
- Lagrangeova o střední hodnotě (V 6.5)
- spojité napojení primitivní funkce (L 6.3)
- Cauchyho o střední hodnotě (V 6.8)
- monotonie a znaménko derivace (V 6.10)
- nenulovost derivace a ryzí monotonie (L 6.4)
- konvexita a monotonie derivace (V 6.11)
- konvergence posloupnosti a omezenost (V 7.1)
- limita monotonní posloupnosti (V 7.2)
- vlastnosti polynomů  $(x-x_0)^k / k!$  (L 8.1)
- derivování a integrování Taylorova polynomu (V 8.2)
- operace se symbolem malé „ $\delta$ “ (V 8.3)
- Riemannovské součty a zjemnění dělení (L 9.2)
- epsilon-D podmínka existence R.i. (L 9.3)
- monotónní funkce má R.i. (V 9.1)
- linearita R.i. pro spojitu funkci (V 9.3)
- intervalová aditivita pro R.i. (V 9.4)
- monotonie R.i. (V 9.5)
- vztah R.i. a N.i. (V 9.7)

Těžké věty:

- 
- Darbouxova věta (V 2.16)
  - derivace složené funkce (V 4.3)
  - derivace inverzní funkce (V 4.4)
  - plíživé lemma (L 6.1)
  - omezenost funkce na intervalu (V 6.1)
  - nabývání extrémů na intervalu (V 6.3)
  - výpočet derivace limitou (V 6.6)
  - Darbouxova vlastnost derivace (V 6.7)
  - l'Hospitalovo pravidlo (V 6.9)
  - konvexita a znaménko  $f''$  (V 6.12)
  - hromadný bod a vybrané posloupnosti (V 7.3)
  - Bolzano-Weierstrassova (V 7.4)
  - B.C. podmínka a konvergence posloupnosti (V 7.5)
  - Heineho charakterizace limity (V 7.6)
  - Heineho charakterizace spojitosti (V 7.7)
  - aproximační vlastnost Taylorova polynomu (V 8.1)
  - Lagrangeův tvar Taylorova zbytku (V 8.4)
  - stejnomořnost spojitost fce na intervalu (L 9.4)
  - spojité funkce má R.i. (V 9.2)
  - R.i. s proměnnou horní mezí (V 9.6)

Věty bez důkazu:

- 
- existence suprema (V 1.A)
  - rozklad na parciální zlomky (V 5.F)