

## 1. vzorová písemka

1. Prohod'te pořadí integrace

$$\int_{-1}^1 \int_{-\sqrt{1-x^2}}^{1-x^2} f(x, y) dy dx$$

2. Převed'te na trojné integrál

$$\int_M z dx dy dz,$$

kde  $M = \{0 \leq z \leq \sqrt{x^2 + y^2}; x^2 + y^2 - 4y \leq 0\}$

3. Spočtěte

$$\int_M x dx dy,$$

kde  $M = \{(x - 2)^2 + (y - 1)^2 / 4 \leq 1\}$ .

4. Spočtěte

$$\int_M (x + 1)y dx dy,$$

kde  $M$  je ohraničena křivkami  $y = x^2 - 4$ ,  $y = -3x$  a  $x = 0$  a navíc platí, že  $x \leq 0$ .